

6.002

电路与  
电子学

## 集总电路抽象介绍

## 课前说明:

- ☠ 讲师: **Prof. Anant Agarwal**
- 教材: **Agarwal&Lang(A&L)**
- 仔细阅读所发资料第三页
- 课程任务:
  - 课后作业练习
  - 实验
  - 随堂考试
  - 期末考试

- 作业中可有两次不做（作业 11 除外）
  - 对互相协作的要求
    - 课后作业
      - 可以与其他人合作，但不准抄袭
    - 实验
      - 可以两人结组完成，但自己完成实验报告
  - 所发资料上的信息
  - 今天需要阅读的内容——  
教材第一章
-

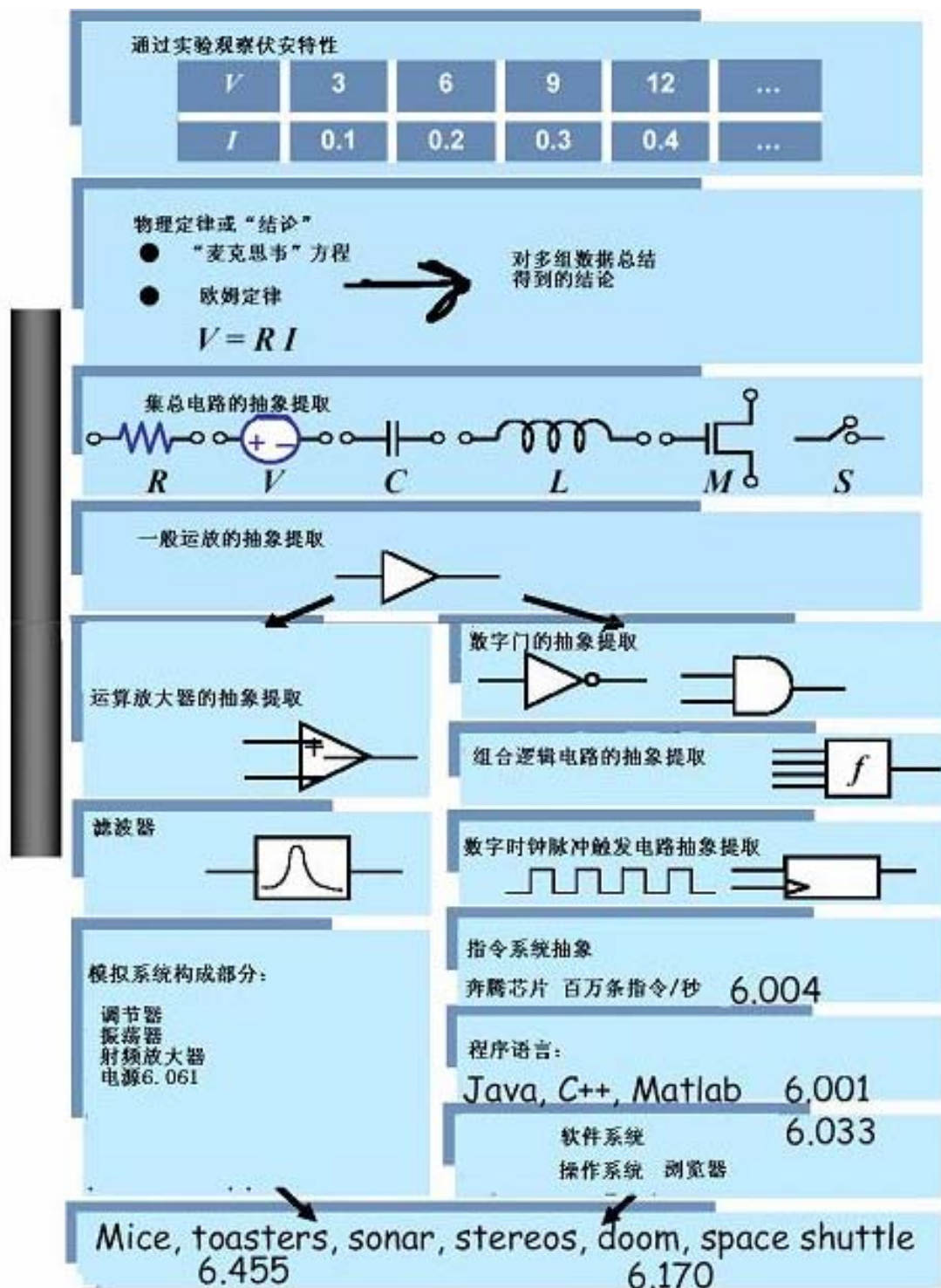
“工程”是什么？

对科学知识进行有目的的应用。

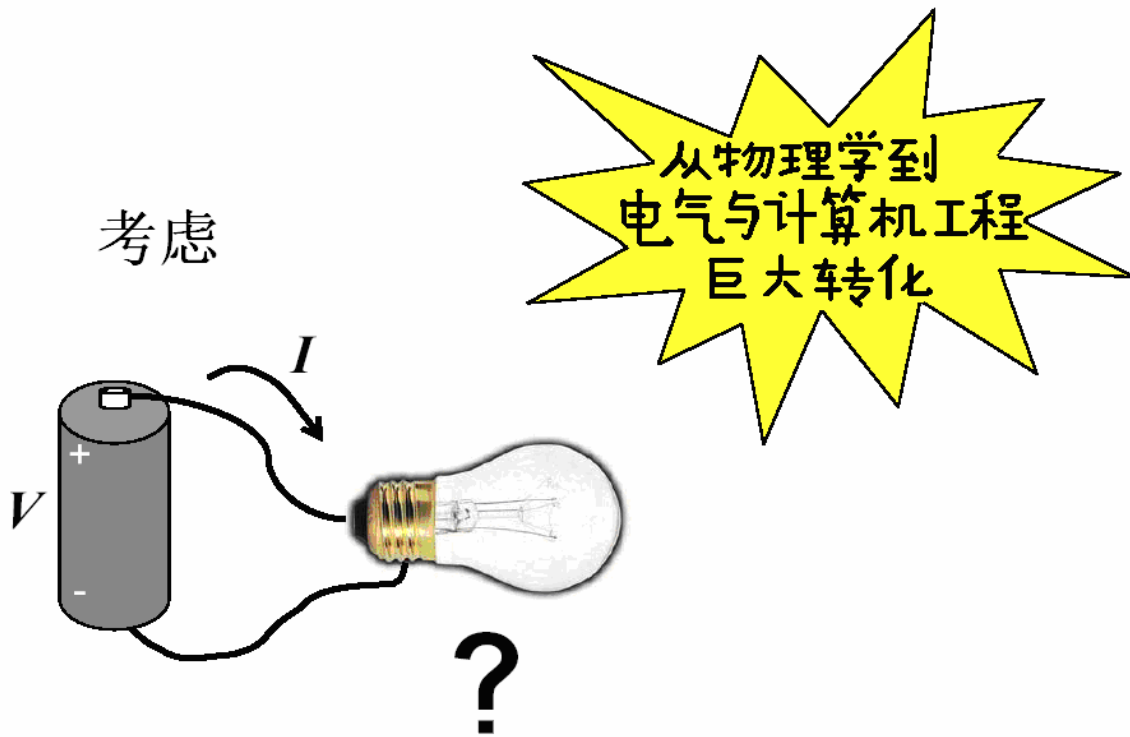
6.002 讲的是什麼内容？

有效运用麦克斯韦方程式

从电子到数字门再到运算放大器。



## 集总电路抽象



如果我们希望回答下面问题：  
流过灯泡的电流多大？

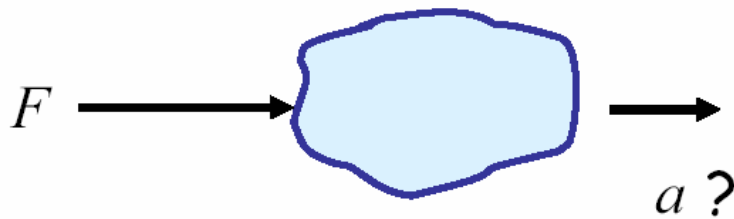
我们可以用较复杂的方法求解：

运用“麦克斯韦方程”

	微分形式	积分形势
法拉第电磁感应定律	$\nabla \times E = -\frac{\partial B}{\partial t}$	$\oint E \cdot dl = -\frac{\partial \phi_B}{\partial t}$
环路定理	$\nabla \cdot J = -\frac{\partial \rho}{\partial t}$	$\oint J \cdot dS = -\frac{\partial q}{\partial t}$
其他	$\nabla \cdot E = \frac{\rho}{\epsilon_0}$	$\oint E \cdot dS = \frac{q}{\epsilon_0}$
	$\vdots$	$\vdots$

同时，还有一个简单的方法：  
首先，让我们先来建立一个认知：

类推



如果我问：加速度多大？  
你会反问：质量是多少？  
如果告知：质量为  $m$

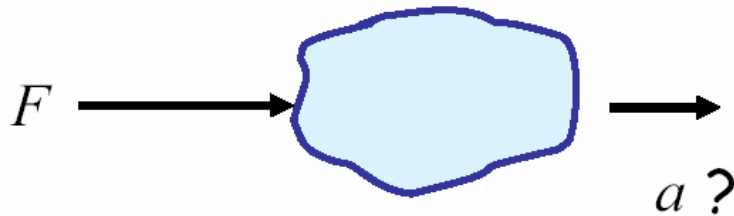
你会立即回答：  $a = \frac{F}{m}$

完成!!!



同时，还有一个简单的方法：  
首先，让我们先来建立一个认知：

类推



这样做，你忽略了：

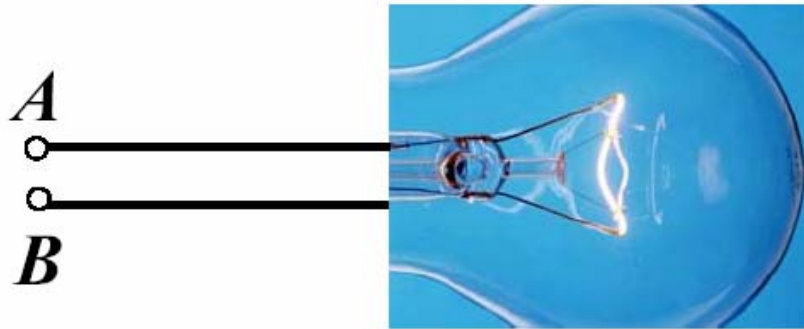
- 物体的形状
- 物体的温度
- 物体的颜色
- 受力点



质点离散化

## 简单的方法……

考虑灯泡的灯丝

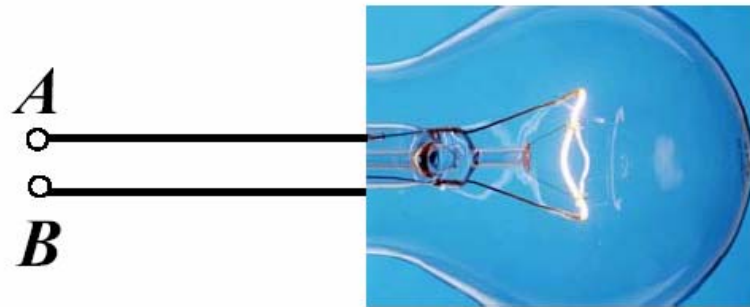


们并不关心

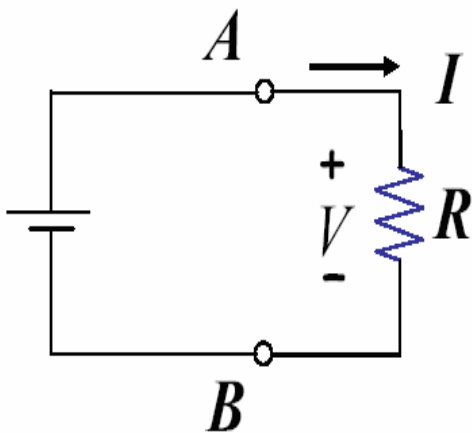
- 电流是如何从灯丝流过的
- 电流的温度、形状、方向等

这样，为了计算电流我们以一个  
分立元件电阻  
来代替灯泡。

## 简单的方法……



这样，为了计算电流我们以  
一个独立电阻  
来代替灯泡。



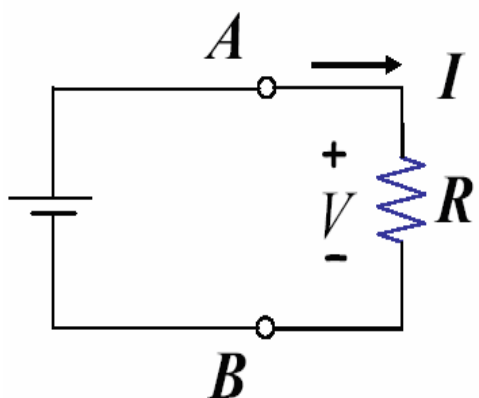
$$I = \frac{V}{R}$$

在电气工程中，我们用简单的方法计算

**R** 代表我们唯一感兴趣的特性。  
就像质点：用质量 **m** 代替物体来求得

$$a = \frac{F}{m}$$

## 简单的方法……



$$I = \frac{V}{R}$$

在电气工程中，我们用简单的方法计算

**R** 代表我们唯一感兴趣的特性。

**R** 元件的电压和电流有以下关系：

$$I = \frac{V}{R}$$

称为元件的伏安关系特性

---

R就是对灯泡的集总元件抽象

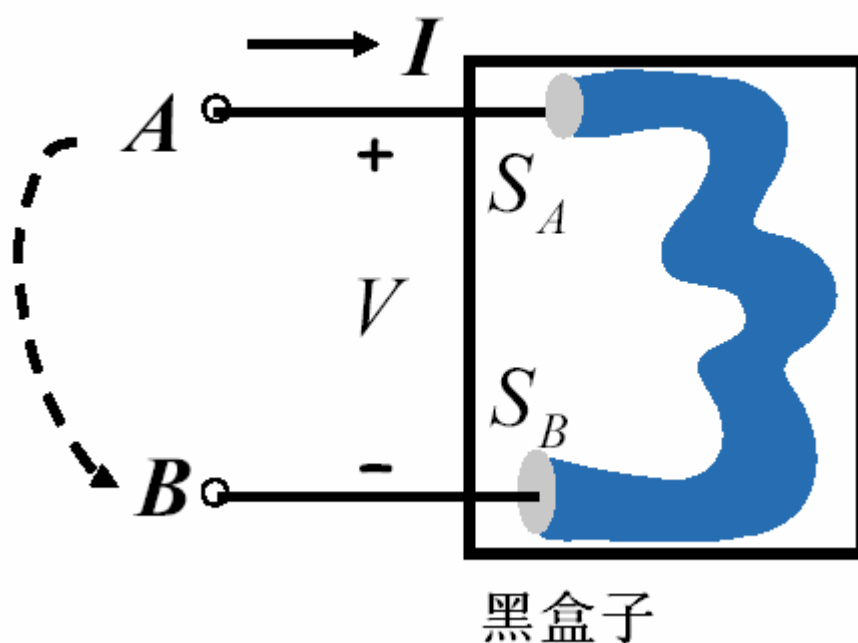
---

---

R就是对灯泡的集总元件抽象

---

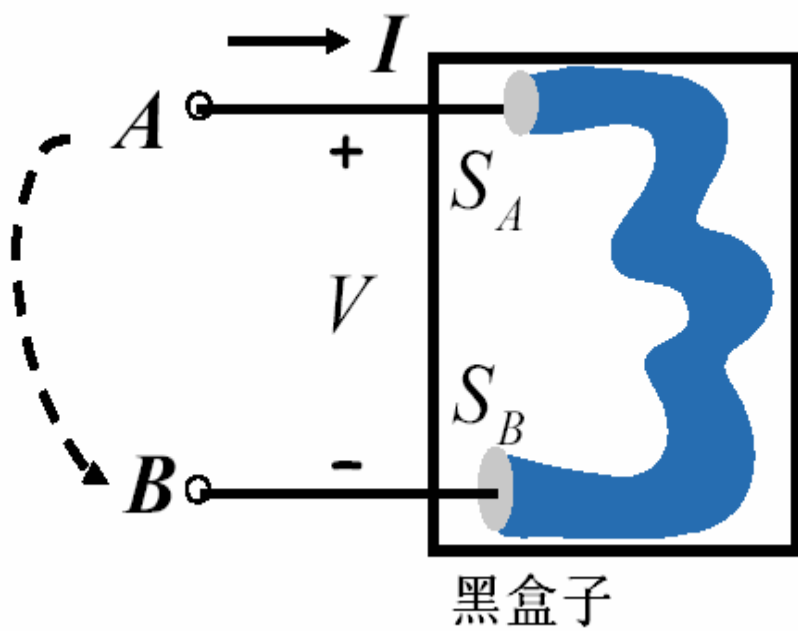
可是还不要着急



虽然我们在以后的课程中将运用集总抽象这种较简单的分析方法,但我们首先要确定这种方法是合理的。既然这样

就要确定  $\boxed{V}$   $\boxed{I}$

对于元件是有定义的。



元件的  
 $V$   $I$   
 必须定义

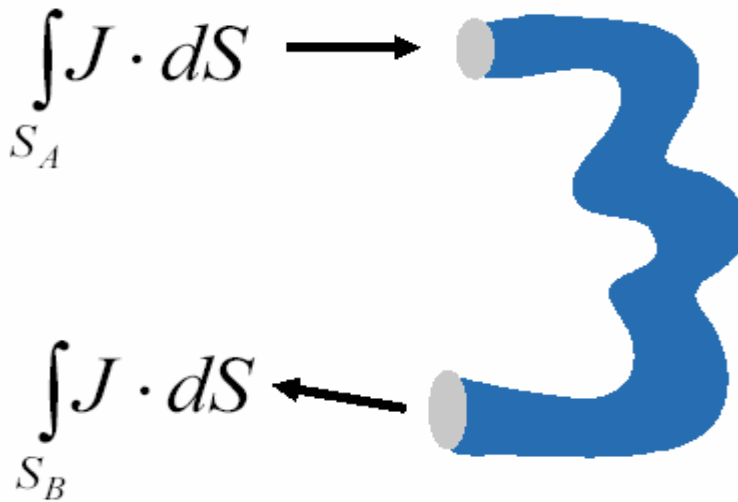


必须被定义。

若

$$I \text{ 流入 } S_A = I \text{ 流出 } S_B$$

仅仅在灯丝内当  $\frac{\partial q}{\partial t} = 0$  时是正确的。



由麦克斯韦方程

$$\int_{S_A} J \cdot dS - \int_{S_B} J \cdot dS = \frac{\partial q}{\partial t}$$

$I_A$                        $I_B$

$$I_A = I_B \text{ 只有}$$

我们假设该条件成立

$$\frac{\partial q}{\partial t} = 0$$



$V$  也必须被定义

看

A & L


因此我们也来假设

$V_{AB}$  被定义仅当

$$\frac{\partial \phi_B}{\partial t} = 0$$

因此在元件外部  $V_{AB} = \int_{AB} E \cdot dl$

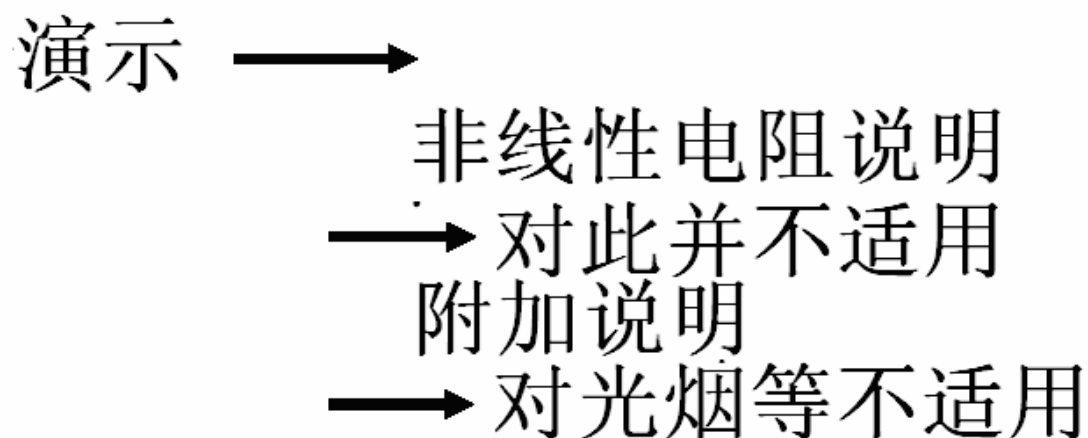
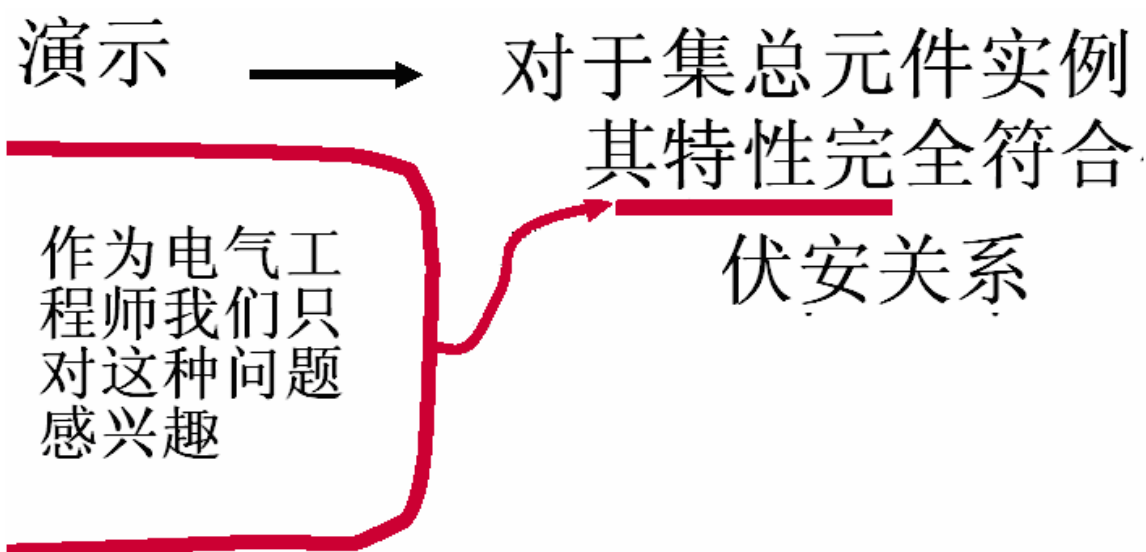
集总问题规定 (LMD)  
或自身强约束



- $\frac{\partial \phi_B}{\partial t} = 0$  元件外部
- $\frac{\partial q}{\partial t} = 0$  元件内部 灯泡  
电线, 电池

更多参  
看L&A的  
第一章

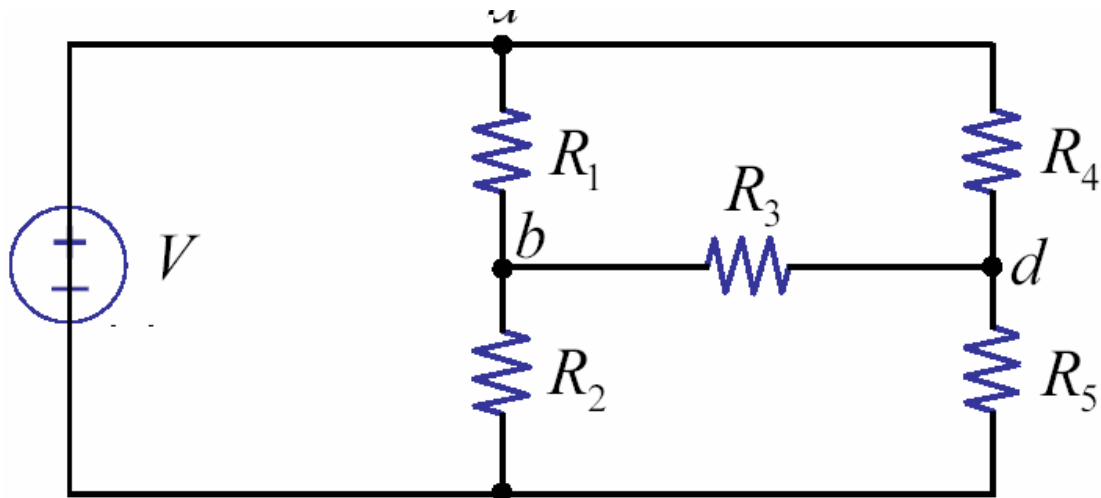
当元件符合集总问题规定时, 集总电路抽象可应用



那么，这给我们带来什么好处呢？

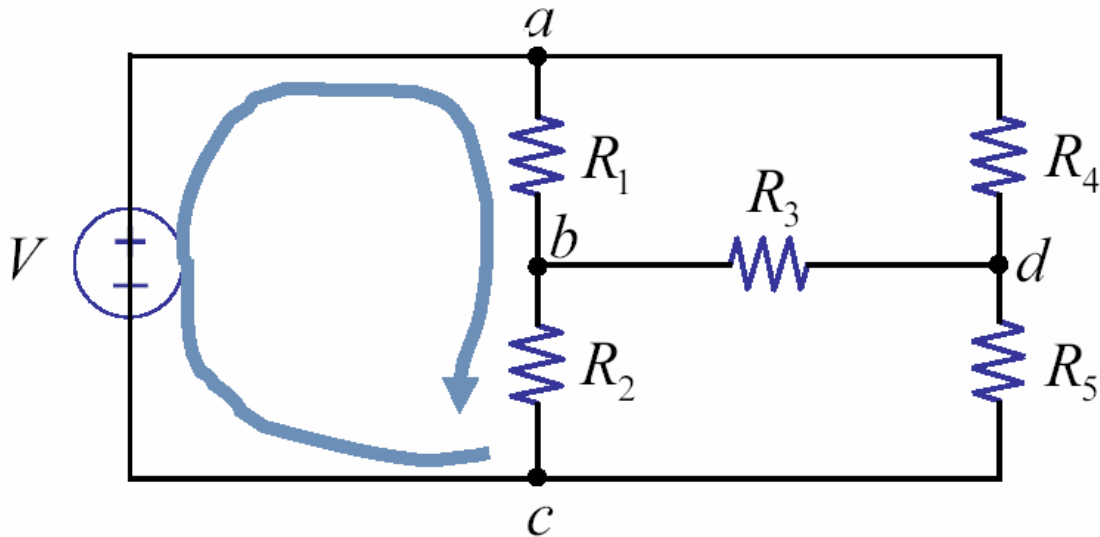
使用集总电路抽象（LCA），以简单的代数代替了微分方程。

例如：



在集总问题规定下，电压循环一周满足什么关系呢？

在集总问题规定下，电压循环一周满足什么关系呢？



$$\oint E \cdot dl = - \frac{\partial \phi_B}{\partial t} \xrightarrow{\text{under DMD}} 0$$

$$\Rightarrow \int_{ca} E \cdot dl + \int_{ab} E \cdot dl + \int_{bc} E \cdot dl = 0$$

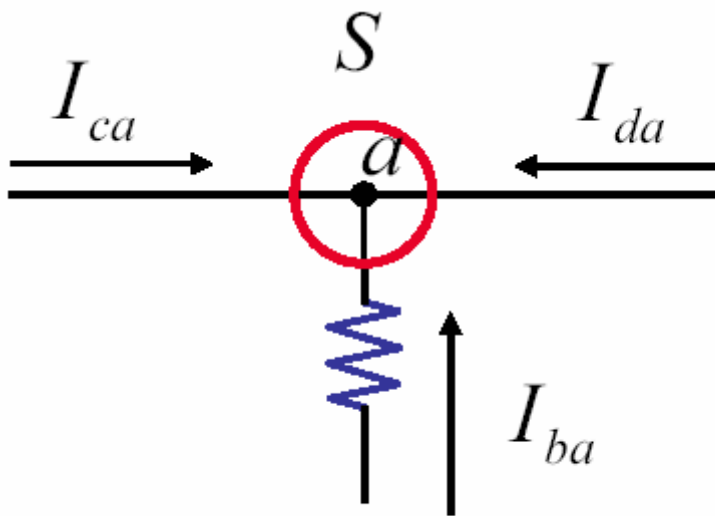
$$\Rightarrow + V_{ca} + V_{ab} + V_{bc} = 0$$

基尔霍夫电压定律：(KVL)

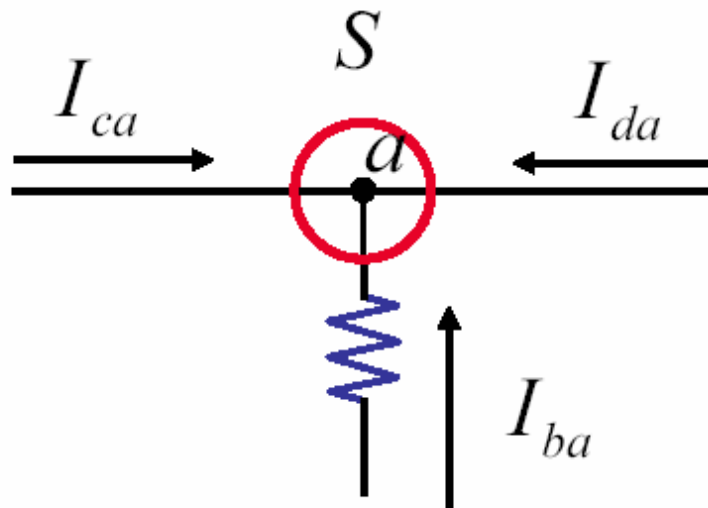
集总参数电路中延任一回路电压之和为零

## 电流有什么特性呢？

考虑



电流有什么特性呢？



$$\oint_S \mathbf{J} \cdot d\mathbf{S} = -\frac{\partial q}{\partial t}$$

under LMD  
0

$$\Rightarrow I_{ca} + I_{da} + I_{ba} = 0$$

基尔霍夫电流定律：（KCL）  
在集总参数电路的任一点，流入的电流之和等于零。

简言之便是电荷守恒。

## KVL 和 KCL 总结:

KVL:

$$\sum_j v_j = 0$$

回路

KCL:

$$\sum_j i_j = 0$$

节点